

ФСУ – 1 уровень

3. Квадрат суммы и квадрат разности

Квадрат суммы двух выражений равен квадрату первого выражения плюс удвоенное произведение первого и второго выражений плюс квадрат второго выражения.

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

Квадрат разности двух выражений равен квадрату первого выражения минус удвоенное произведение первого и второго выражений плюс квадрат второго выражения.

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

Пример 1. Представьте в виде многочлена выражение:

$$\begin{aligned} 1) (3b - 4c)^2 &= (3b)^2 - 2 \cdot 3b \cdot 4c + (4c)^2 = 9b^2 - 24bc + 16c^2 \\ 2) (n^3 + 5m)^2 &= (n^3)^2 + 2 \cdot n^3 \cdot 5m + (5m)^2 = n^6 + 10n^3m + 25m^2 \end{aligned}$$

3. Выполните возвведение в квадрат с подсказками:

$$\begin{aligned} 1) (a - 1)^2 &= (a)^2 - 2 \cdot a \cdot 1 + (1)^2 = a^2 - \underline{\hspace{2cm}} \\ 2) (2x + 1)^2 &= (2x)^2 + 2 \cdot x \cdot 1 + (\underline{\hspace{2cm}})^2 = 4x^2 + \underline{\hspace{2cm}} \\ 3) (3x + 5y)^2 &= (3x)^2 + 2 \cdot 3x \cdot 5y + (\underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} \\ 4) (ab - 9)^2 &= (ab)^2 - 2 \cdot ab \cdot 9 + (\underline{\hspace{2cm}})^2 = a^2b^2 - 18\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} \\ 5) \left(\frac{1}{2}a + 6b\right)^2 &= (\underline{\hspace{2cm}})^2 + 2 \cdot \underline{\hspace{2cm}} \cdot 6b + (\underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} + 36b^2 \\ 6) (4a^2 - c^3)^2 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ 7) \left(\frac{1}{3}x^4 + 0,6y^5\right)^2 &= \underline{\hspace{2cm}} \\ 8) \left(1\frac{1}{7}ab - \frac{7}{16}c\right)^2 &= \underline{\hspace{2cm}} \end{aligned}$$

569. Представьте в виде многочлена произведение и проверьте ответ:

1) $(a + x)^2$	$a^2 - 2ax + x^2$	2) $(x + 2)^2$	$x^2 + 4x + 4$
3) $(y - 1)^2$	$y^2 - 2y + 1$	4) $(5 - p)^2$	$25 - 10p + p^2$
5) $(4 + k)^2$	$16 + 8k + k^2$	6) $(3a - 2)^2$	$9a^2 - 12a + 4$
7) $(7b + 6)^2$	$49b^2 + 84b + 36$	8) $(8x + 4y)^2$	$64x^2 + 64xy + 16y^2$
9) $(0,4m - 5n)^2$	$0,16m^2 - 4mn + 25n^2$	10) $(3a + \frac{1}{3}b)^2$	$9a^2 + 2ab + \frac{1}{9}b^2$
11) $(y - 13)^2$	$y^2 - 26y + 169$	12) $(13 - y)^2$	$169 - 26y + y^2$
13) $(b^2 - 11)^2$	$b^2 - 22b + 121$	14) $(a^2 + 4b)^2$	$a^4 - 8ab + 16b^2$
15) $(x^2 + y^3)^2$	$x^4 + 2x^2y^3 + y^6$	16) $(a^3 - 4b)^2$	$a^6 - 8a^3b + 16b^2$

570. Выполните возведение в квадрат самостоятельно:

1) $(a + 8)^2$	
2) $(b - 2)^2$	
3) $(7 + c)^2$	
4) $(6 - d)^2$	
5) $(2m + 1)^2$	
6) $(4x - 3)^2$	
7) $(5m - 4n)^2$	
8) $(10c + 7d)^2$	
9) $(4x - \frac{1}{8}y)^2$	
10) $(0,3a + 0,9b)^2$	
11) $(c^2 - 6)^2$	
12) $(15 + k^2)^2$	
13) $(m^2 - 3n)^2$	

4. Не выполняя вычислений, сравните значения выражений:

$$1) 385^2 + 254^2 \quad (385 + 254)^2; \quad 2) (3,28 + 2,86)^2 \quad 3,28^2 + 2,86^2.$$

ФСУ – 2 уровень

3. Квадрат суммы и квадрат разности

8. Заполните пропуски такими одночленами, чтобы образовалось тождество:

$$1) (5a + \underline{\hspace{2cm}})^2 = 25a^2 + \underline{\hspace{2cm}} + 16b^2$$

$$2) (\underline{\hspace{2cm}} - \frac{1}{3}n)^2 = \underline{\hspace{2cm}} - 2mn + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = c^2 + \underline{\hspace{2cm}} + 64q^4$$

$$4) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = 0,09a^2 - 0,54a + \underline{\hspace{2cm}}$$

9. Придумайте 8 различных двучленов таких, что трехчлены, равные квадратам этих двучленов, содержат одночлен $18 ab$.

$$1) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$4) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$5) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$6) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$7) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

$$8) (\underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}})^2 = \underline{\hspace{2cm}} + 18 ab + \underline{\hspace{2cm}}$$

10. Выполните возвведение в квадрат:

$$1) (-7a + 2b)^2 = (-7a)^2 + 2 \cdot (-7a) \cdot 2b + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2) (-3x - 5y)^2 = (-7x)^2 + 2 \cdot (-3x) \cdot \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3) (-0,6m - 20n^2)^2 = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$4) \left(-2a^3 + \frac{1}{12}b^4\right)^2 = \underline{\hspace{2cm}}$$

578. Преобразуйте в многочлен выражение:

$$1) (-x + 1)^2; \quad 3) (-5a + 3b)^2; \quad 5) (-0,7c - 10d)^2;$$

$$2) (-m - 9)^2; \quad 4) (-4x - 8y)^2; \quad 6) \left(-4a^2 + \frac{1}{8}ab\right)^2.$$

12. Найдите значение выражения:

$$(3a - 6b)^2 + (3a + 6b)^2 - 6a^2, \text{ если } a = \frac{1}{2}; b = -\frac{1}{3};$$

Решение. Упростим данное выражение: $(3a - 6b)^2 + (3a + 6b)^2 - 6a^2 =$

Ответ: _____

583. Упростите выражение и найдите его значение:

$$1) (a + 3)^2 - (a - 9)(a + 9), \text{ если } a = -2,5;$$

$$2) (5x - 8)^2 - (4x - 3)^2 + 26x, \text{ если } x = -\frac{1}{3};$$

$$3) (3y^2 + 4)^2 + (3y^2 - 4)^2 - 2(1 - 3y^2)(1 + 3y^2), \text{ если } y = \frac{1}{2}.$$

6. Решите уравнение:

$$1) (x - 11)^2 - x(x - 12) = 1$$

Решение

$$x^2 - 2 \cdot 11x + 121 - \underline{\hspace{2cm}} = 1$$

$$2) (5x + 1)^2 - (5x - 1)(5x + 2) = 7$$

573. Решите уравнение:

$$1) (x - 8)^2 - x(x + 6) = -2;$$

$$2) (x + 7)^2 = (x - 3)(x + 3);$$

$$3) (2x + 1)^2 - (2x - 1)(2x + 3) = 0;$$

$$4) x(x - 2) - (x + 5)^2 = 35.$$

ФСУ – 3 уровень

3. Квадрат суммы и квадрат разности

580. Выполните возвведение в квадрат:

$$\begin{array}{ll} 1) (10a^2 - 7ab^2)^2; & 5) \left(1\frac{1}{3}a^2b + 2\frac{1}{4}ab^2\right)^2; \\ 2) (0,8b^3 + 0,2b^2c^4)^2; & 6) \left(2\frac{1}{3}x^3y^2 - \frac{9}{14}y^8x\right)^2; \\ 3) (30m^3n + 0,04n^2)^2; & 7) \left(15m^9 + \frac{5}{6}m^3\right)^2; \\ 4) (0,5x^4y^5 - 20y^6)^2; & 8) \left(3\frac{1}{8}x^8y^{10} + \frac{16}{25}x^2y^6\right)^2. \end{array}$$

11. Преобразуйте в многочлен выражение:

$$\begin{array}{l} 1) 4b(b^2 + 2b)^2 = 4b(b^4 + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}) = \underline{\hspace{4cm}} \\ 2) -24a\left(\frac{1}{3}x - \frac{1}{8}y\right)^2 = \underline{\hspace{4cm}} \\ 3) (a - 2)(a + 5)^2 = (a - 2)(a^2 + \underline{\hspace{2cm}} + \underline{\hspace{2cm}}) = \underline{\hspace{4cm}} \\ 4) (6y + 7)^2(2y - 1) = \underline{\hspace{4cm}} = \underline{\hspace{4cm}} \\ 5) (a - 4)^2(a + 4)^2 = ((a - 4)(a + 4))^2 = \underline{\hspace{4cm}} \end{array}$$

581. Преобразуйте в многочлен выражение:

$$\begin{array}{ll} 1) 6(1 - 2c)^2; & 4) 5b(b^2 + 7b)^2; \\ 2) -12\left(x + \frac{1}{3}y\right)^2; & 5) (a + 3)(a - 4)^2; \\ 3) a(a - 6b)^2; & 6) (2x + 4)^2(x - 8); \end{array}$$

333 Сократите дробь при допустимых значениях переменных:

$$\begin{array}{lll} а) \frac{3m + 3n}{m^2 - n^2}; & в) \frac{4x^2 - 9y^2}{2x + 3y}; & д) \frac{4a^2 - 25b^2}{4a^2 + 20ab + 25b^2}; \\ б) \frac{8c - 8d}{c^2 - d^2}; & г) \frac{5pq - 20q^2}{p^2 - 16q^2}; & е) \frac{9m^2 - 24mn + 16n^2}{9m^2 - 16n^2}. \end{array}$$

586. Решите уравнение:

$$\begin{array}{l} 1) (x - 12)(x + 12) = 2(x - 6)^2 - x^2; \\ 2) (3x - 1)^2 + (4x + 2)^2 = (5x - 1)(5x + 1); \\ 3) 5(x + 2)^2 + (2x - 1)^2 - 9(x + 3)(x - 3) = 22. \end{array}$$

14. Найдите четыре последовательных целых числа, если сумма квадратов второго и четвертого из них на 10 больше, чем произведение первого и третьего.

Решение. Пусть наименьшее и искомых чисел равно x . Тогда следующие за ним три числа равны соответственно .

Исходя из условий задачи запишем уравнение:

$$\underline{\hspace{10cm}}$$

590. Найдите три последовательных натуральных числа, если удвоенный квадрат большего из них на 79 больше суммы квадратов двух других чисел.

16. Докажите, что при любом натуральном n значение выражения $(n^2 + 1)(n - 1) - (n - 1)^3$ кратно 4.

Решение. Разложим данное выражение на множители: $(n^2 + 1)(n - 1) - (n - 1)^3 =$

$$\underline{\hspace{10cm}}$$

$$\underline{\hspace{10cm}}$$

$$\underline{\hspace{10cm}}$$